

**УДК 514**

**13-Е ИССЛЕДОВАНИЕ ПО ГЕОМЕТРИИ**

**Стариков В.Н.**

старший преподаватель,

Мичуринский государственный аграрный университет,

г. Мичуринск, Россия.

vnst@mail.ru

**Аннотация.** Сообщаются новые результаты для треугольника и четырехугольника

**Ключевые слова:** геометрия, треугольник, четырехугольник.

**Введение.** В настоящей работе введено сокращение слова: треугольник=3-к, четырехугольник=4-к. Также окружность здесь будет обозначаться перечислением в круглых скобках всех точек, через которые она проходит.

Пусть  $A, B,$  и  $C$  – внутренние углы 3-ка или радианные меры этих углов, которые связаны формулой  $A+B+C=\pi$ . Пусть  $a, b,$  и  $c$  – стороны 3-ка, лежащие против углов соответственно  $A, B,$  и  $C, R$  – радиус описанной окружности,  $S$  – площадь 3-ка.

### Результаты исследований.

**1. Применение теоремы о секущей противоположных сторон вписанного 4-ка  $ABED$ , полувписанного в другую окружность.** Нами в статье «7-е исследование по геометрии» (см. Научный рецензируемый электронный журнал МГАУ "Наука и образование". 2018. № 3-4. 7 с.// <http://opusmgau.ru/index.php/see/article/view/489>) доказана теорема о секущей противоположных сторон вписанного 4-ка  $ABED$ , полувписанного в другую окружность. Здесь мы напомним эту теорему. В той теореме, воспроизведенной на рис. 1, 4-к  $ABED$  вписан в окружность, 3-к  $ABC$  вписан в другую окружность. Тогда теорема утверждает,

что  $AC \cdot CE = BC \cdot CD = GC \cdot CF = const$ . При этом формула верна для произвольного отрезка  $GF$ , опирающегося снизу на дугу  $\overset{\cup}{AGB}$  окружности, а сверху на сторону  $DE$  4-ка  $ABED$ . Можно найти следующее **применение этой теоремы**. Пусть противоположные стороны  $AD$  и  $BE$  4-ка  $ABED$  пересекаются вверху рисунка в некоторой точке  $N$  *остроугольного* 3-ка  $ABN$ . При этом отрезки  $AE$  и  $BD$  являются высотами 3-ка  $ABN$ , пересекающимися в ортоцентре  $C$ . Тогда, очевидно, 4-к  $ABED$  вписан в окружность диаметром  $AB$ , ибо  $AE \perp BE$  и  $BD \perp AD$ . Тогда теорема утверждает, что  $AC \cdot CE = BC \cdot CD = GC \cdot CF = const$  для *остроугольного* 3-ка  $ABN$ .

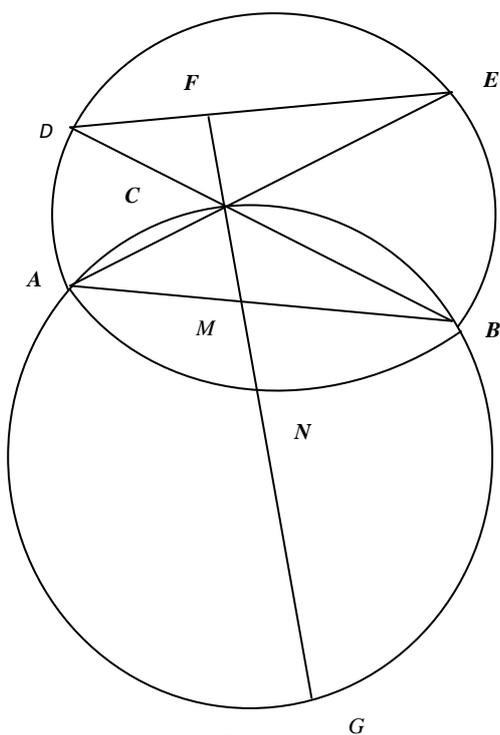


Рис.1

**2. Новые геометрические места точек.** Обратимся теперь к *теореме Симсона*. 3-к  $ABC$  на рис. 3 вписан в окружность. Точка  $P$  этой окружности имеет проекции на стороны 3-ка  $ABC$  в виде точек  $L, M, N$ . По *теореме Симсона*

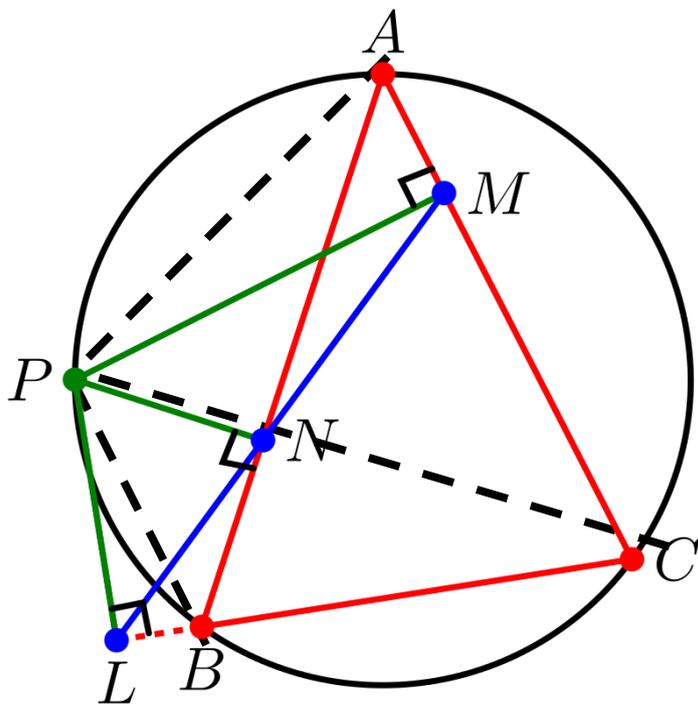


Рис. 3

точки  $L, M, N$  лежат на одной прямой  $LM$  (синяя) – на *прямой Симсона* (Зетель С.И. Новая геометрия треугольника. М.: Учпедгиз, 1962. С. 50-51, черт. 39).

Очевидно, что в данном случае 3-к  $LMN$  является 3-ком проекций точки  $P$  описанной окружности на стороны 3-ка  $ABC$  (он же – *подерный или педальный* 3-к точки  $P$  описан-

ной окружности по другой терминологии), и он имеет нулевую площадь, ибо выродился в прямую линию, Следовательно, на рис. 3 описанная окружность 3-ка  $ABC$  есть кривая или, как говорят, *геометрическое место точек  $P$* , у которой 3-к  $LMN$  проекций имеет постоянную нулевую площадь. Предлагаем найти (описать математически) **следующие новые геометрические места точек  $P$** . У первого нового геометрического места точек 3-к  $LMN$  проекций имеет постоянную ненулевую площадь. У второго нового геометрического места точек 3-к  $LMN$  проекций имеет постоянный ненулевой периметр. Частным случаем первого геометрического места точек  $P$  является как раз описанная окружность 3-ка  $ABC$ .

**Выводы.** По-нашему мнению, рассмотренные вопросы будут полезны геометрам.

**12-TH RESEARCH ON GEOMETRY**

**Starikov V. N.,**

major teacher.

Michurinsk State Agrarian University,

Michurinsk , Russia,

[vnst@mail.ru](mailto:vnst@mail.ru).

**Abstract.** It is described a new results of the triangle, the bilateral.

**Keywords (Docuterm):** the geometry, the triangle, the bilateral.